

# بررسی تولید توان الکتریکی در نیروگاه اسمز فشار-کاهیده (PRO)

محسن فلاح<sup>۱\*</sup>، موسی محمدپور فرد<sup>۲</sup>

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۰/۲/۵

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۰/۶/۱

## چکیده:

تولید توان توسط روش اسمز فشار-کاهیده (PRO)، یک روش مطمئن برای آینده به شمار می‌آید. در این روش آب از یک خوارک (جریان کم نمک یا جریان آب تمیز) از طریق یک غشاء نیمه تراوا به یک محلول غلیظ یا جریان غلیظ فشار بالا، مثل آب دریا نفوذ می‌کند و باعث افزایش بیشتر دبی و فشار آن می‌شود. سپس عبور این جریان پر فشار از یک توربین آبی باعث چرخش ژنراتور متصل به آن شده و تولید توان الکتریکی می‌کند. در این مقاله علاوه بر بررسی عملکرد نیروگاه به روش PRO و بررسی آن برای شرایط کاری ایران، یک مدل PRO برای پیش‌بینی جریان آب و چگالی توان تحت شرایط تئوری، مورد بررسی قرار گرفته است. مدل مبتنی بر تخمین تجربی ضریب نفوذ پذیری آب از غشاء (A)، ضریب نفوذ پذیری نمک از غشاء (B) و مقاومت ویژه ذرات معلق در محلول (K) است. نتایج حاصله نشان می‌دهد که روش PRO با بهینه سازی های انجام گرفته در غشای آن دارای توان ویژه تولیدی بالاتر و درنتیجه بازده بالاتری نسبت به مدلهای قبلی می‌باشد و در نتیجه رویکرد تمایل به تولید توان با این روش را افزایش می‌دهد.

## کلمات کلیدی:

اسمز فشار-کاهیده، خوارک، غشاء  
نیمه تراوا، ضریب نفوذ پذیری

(۱) مرتبی، گروه مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت معلم آذربایجان

(۲) استادیار، گروه مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت معلم آذربایجان

\*نویسنده مسئول، mfallah@azaruniv.edu

## مقدمه

پتانسیل تولید انرژی جهانی از روش اسمز فشار-کاهیده<sup>۱</sup> حدود ۱۶۵۰–۲۰۰۰ TWh/year در سال تخمین زده شده است [۱]. در حالی که تولید انرژی جهان از تمام منابع تجدید پذیر در حدود ۱۰۰۰ TWh/year در سال تخمین زده شده است. در نروژ، پتانسیل حاضر قدرت اسمزی، بیشتر از ۱۲ TWh/year تخمین زده می‌شود، یعنی معادل با ۱۰ درصد مصرف توان در آن کشور و در اروپا پتانسیل تولید معادل ۱۷۰ TWh/year تخمین زده می‌شود [۱۰].

هزینه‌ی سرمایه‌گذاری برای یک نیروگاه اسمزی، در مقایسه با نیروگاه بادی نسبتاً بالاست. اما بهر حال نیروگاه اسمزی تقریباً برای بهره برداری در ظرفیت کامل و بدون توقف طراحی می‌شود. این می‌تواند هزینه تولید انرژی در روش PRO را تا سطح قابل توجهی کاهش دهد. تخمین بدست آمده در مطالعات اخیر نیروگاه توان اسمزی استات کرفت نروژ، نشان می‌دهد که تولید نیروی اسمزی ممکن است آنقدر پیشرفته باشد که ارزش رقابت با سایر منابع انرژی تجدید پذیر مانند انرژی بادی و بیوماس را داشته باشد.

مفهوم تولید انرژی از طریق مخلوط آب شور و شیرین از اواسط ۱۹۵۰ توسعه داده شده است. بدنیال آن در سال ۱۹۷۳ با آغاز بحران های نفت، رویکرد تولید توان به روش PRO افزایش یافت و منجر به انجام تحقیقاتی در این زمینه گردید. در ابتدای کار، به منظور تولید توان از غشاها نیمه تراوای فیبری توالی مورد استفاده در روش اسمز معکوس<sup>۲</sup> استفاده می‌شد. بطوری که جریان غلیظ از پوسته و آب تمیز از داخل غشای توالی جریان می‌یافتد. تحقیقات بیشتر نشان داد توان خروجی به مراتب کمتر از حد توان خروجی قابل انتظار است و این بدليل استفاده از غشاها اسمز معکوس و ظرفیتهای غشا مورد استفاده در نمک زدایی آب دریا بود. این نتایج نشان داد که غشاها مورد استفاده در روش اسمز معکوس برای روش‌های اسمز طبیعی و PRO مناسب نیست و آن بدليل شکل و ضخامت لایه نگهدارنده آن بود [۶]. در تحقیقات بیشتر مشخص شد که طرحهای غشاها موجود برای جریان‌های عبوری سرعت بالا روی سطح غشاء جوابگو نیستند. بنابراین عدم دسترسی به غشاها و ظرفیتهای مناسب باعث عدم پیشرفته کافی در صنعت تولید توان اسمزی شده است. تحقیقات مربوط به افزایش چگالی توان (مقدار توان تولیدی از واحد مساحت سطح غشا) از سالها پیش آغاز شده و یکی از شرکتهای پیش‌رو در این مطالعات و ساخت نیروگاه توان اسمزی شرکت استات کرفت<sup>۳</sup> می‌باشد. نتایج مطالعات این شرکت نشان می‌دهد، در صورتی که چگالی توان در غشا به  $W/m^2$  ۵ افزایش یابد، تولید توان از این روش کاملاً مقرر به صرفه و قابل رقابت با سایر انرژی‌های تجدیدپذیر می‌باشد [۱۲]. این شرکت توانسته چگالی توان غشا را از کمتر  $W/m^2$  ۰/۱ در سال ۱۹۹۹ به بیشتر از  $W/m^2$  ۳ در سال ۲۰۰۶ برساند [۹]. همچنین آچیلی و همکاران [۳]، به نتایج بسیار خوبی در ارائه مدلی برای ارزیابی چگالی توان و جریان عبوری از غشا دست یافته‌اند.

در مقاله اخیر علاوه بر بررسی عملکردی نیروگاه به روش PRO نسبت به سایر روش‌های قبلی و بررسی آن برای شرایط کاری ایران، مدل توسعه داده شده توسط آچیلی و همکاران [۳]، برای تولید توان به روش PRO، که شامل تاثیرات نفوذ محلول غلیظ، محلول تقدیمه (خوارک)، ته نشست ذرات بر سطوح داخلی و خارجی غشا و فشار هیدرولیکی، بر روی جریان آب عبوری از غشا و خصوصاً چگالی توان (توان ویژه) خروجی سیستم می‌باشد نیز بررسی شده است. با استفاده از این مدل، چگالی توان برای روش PRO برای مشخصه‌های مختلف غشاء، ساختار غشاها مختلف، اندازه‌ها و ترکیب‌های مختلف قابل دستیابی است.

<sup>1</sup> Pressure Retarded Osmosis (PRO)

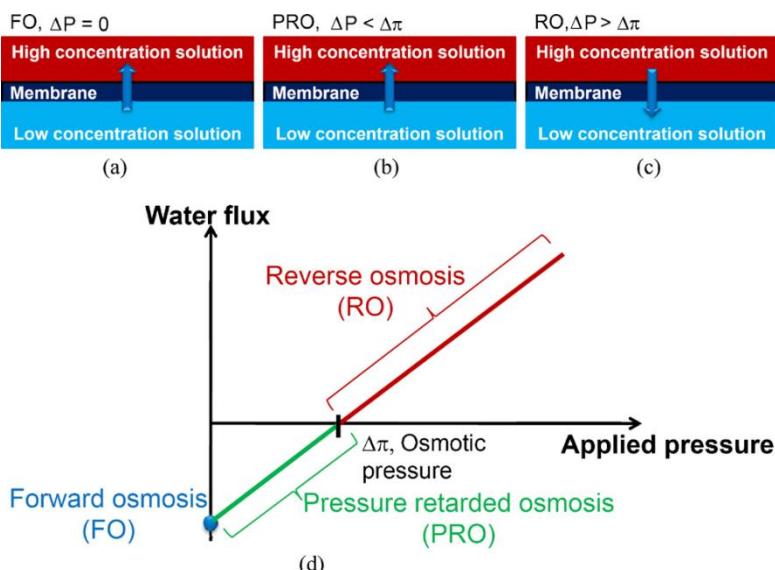
<sup>2</sup> Reverse Osmosis (RO)

<sup>3</sup> Statkraft

## تئوری فرایندهای اسمزی فرآیندهای اسمزی

اسمز فرایند انتقال سیال (آب) از طریق یک غشاء نفوذ پذیر (نیمه تراوا)، از یک محلول رقیق مثل آب خالص به یک محلول غلیظ مثل محلول آب و نمک است. این فرایند بوسیله اختلاف در غلظت‌های مولی محلول‌ها، از طریق یک غشاء که اجازه عبور آب را می‌دهد ولی مانع عبور اغلب مواد محلول و یونها نظیر نمک می‌شود، انجام می‌پذیرد. اگر یک اختلاف فشار هیدرولیکی یا یک فشار کاری ( $\Delta P$ ) روی محلول غلیظ اعمال شود، مانع انتقال خالص مولکولهای آب از غشاء می‌شود. در این صورت اختلاف فشار اسمزی ( $\Delta \pi$ ) برابر با اختلاف فشار هیدرولیکی است.

در اسمز پیش‌رونده<sup>۱</sup>، فشار هیدرولیکی (یا فشار کاری) در سمت محلول غلیظ وجود ندارد. که باعث عبور مولکولهای آب موجود در جریان خوارک (آب شیرین یا آب با غلظت کم نمک) از غشا به سمت جریان با غلظت نمک بالا (محلول کشنده<sup>۲</sup>) شده و آنرا رقیق می‌نماید. تا زمانی که غلظت دو طرف غشا یکسان گردد. اگر در سمت محلول غلیظ، فشاری اعمال شود به طوریکه اختلاف فشار هیدرولیکی بیشتر از اختلاف فشار اسمزی گردد، جهت جریان مولکولهای آب بر عکس می‌شود که به آن اسمز معکوس می‌گویند. در این روش مولکولهای آب از سمت محلول غلیظ به سمت محلول تمیز جاری می‌شوند. از روش اسمز معکوس معمولاً برای مراکز تصفیه آب و صنایع آب شیرین کن استفاده می‌کنند. در PRO اختلاف فشار هیدرولیکی کمتر از فشار اسمزی و جهت جریان از خوارک تمیز به سمت جریان غلیظ است [۱۳]. شکل (۱) جهت جریان و شار آب در فرایندهای مختلف اسمز را نشان می‌دهد.



شکل ۱: نمایش جهت جریان حلال (آب) در (الف) اسمز پیش‌روند (FO)، (ب) اسمز فشار-کاهیده (PRO)، (ج) اسمز معکوس (RO) و (د) مقدار شار آب در مقابل فشار کاری در فرایندهای اسمز

<sup>1</sup> Forward Osmosis (FO)

<sup>2</sup> Draw Solution

### مخلوط آب شیرین و آب شور

اساس کار تولید توان اسمزی استفاده از آنتروپی اختلاف دو جریان آب با غلظتها نمک متفاوت است. اگر آب شیرین در آب دریا ریخته شود، به صورت فرایند برگشت ناپذیر با آب مخلوط می‌شود. آنتالپی مخلوط برای این سیال‌ها نزدیک صفر است. دما در محدوده اختلاط، به دمای آب شیرین، دمای آب شور و حجم موثر هریک از اجزای مخلوط بستگی دارد. اگر فرایند اختلاط به صورت یک فرایند برگشت پذیر در وسیله‌ای که صرفاً به این منظور ساخته شده است انجام گیرد کار تولید خواهد شد. تغییر در انرژی آزاد گیبس ( $\Delta G_{mix}$ ) برای اختلاط یک مول از آب شیرین با مقدار نامحدود از آب دریا، با فرض ایده‌آل بودن مایعات و اینکه  $x_{H_2O}$  کسر مولی آب دریاست، با رابطه (۱) بیان می‌شود.

$$\Delta G_{mix} = RT \ln x_{H_2O} \quad (1)$$

آب دریا، همان شرایط اسمزی محلول آب و نمک با  $1\text{ mol}/\text{kg}_{\text{NaCl}} = ۵۴/۹۲ \text{ mol/l}$  است. با جاگذاری نسبت مولی آب با توجه به غلظتها نمک و آب در محلول در شرایط دمای  $20^\circ\text{C}$  در معادله (۱) مقدار تغییرات تابع گیبس ( $\Delta G_{mix}$ )،  $-2/۷ \text{ kJ}$  - به ازای هر کیلوگرم آب شیرین ( $1/48 \text{ mol}$  آب شیرین) بدست می‌آید.

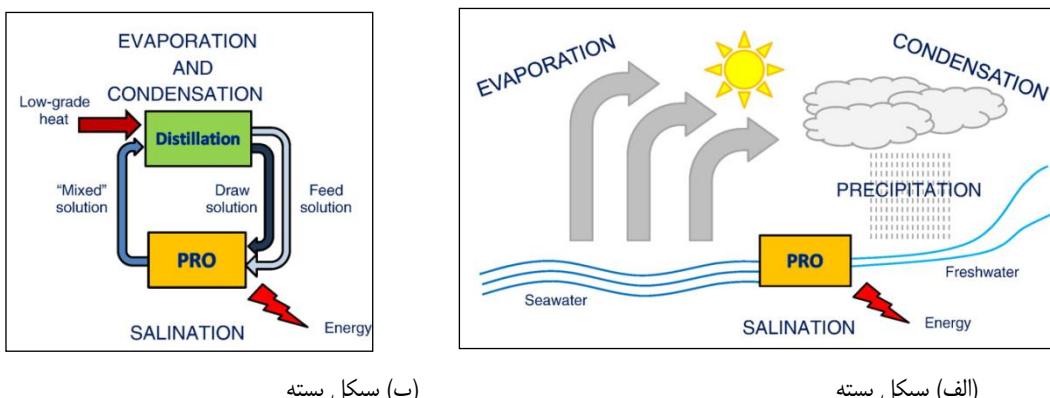
این مقدار انرژی می‌تواند در یک وسیله‌ای که آب شیرین و آب شور را به صورت برگشت پذیر مخلوط می‌کند، به کار تبدیل شود که با در نظر گرفتن حجم مولی آب برابر  $10^{-۶} \text{ m}^3/\text{mol}$ ، این با فشار اسمزی در  $26/۷ \text{ bar}$  برابر است. فرایند اختلاط آب شور و آب شیرین تقریباً یک فرایند بی دررو (بدون تبادل گرمایی) است. از آنجا که آنتالپی مخلوط نزدیک صفر است، کار حاصل از فرایند از قانون اول ترمودینامیک بدست می‌آید:

$$dE = c_p dT = dq + dw = dw \quad (2)$$

که در این فرمول  $dE$  تغییرات انرژی درونی و  $c_p$  طرفیت گرمایی سیستم است. تولید کار در این ناشی از خنک کردن مخلوط می‌باشد. فرض کنیم که به عنوان مثال یک مول از آب شیرین با ۳ مول از آب شور مخلوط شده است. انرژی حاصل از فرایند کمتر از  $48/1 \text{ mol/g}$  آب شور رقیق با طرفیت گرمایی  $4/2 \text{ J/g}$ ، که تا کمتر از  $17^\circ\text{C}$  سرد شده است، بدست می‌آید. در یک فرایند بهینه شده واقعی، تولید انرژی در شرایطی که مخلوط کمتر از  $0/۰۸^\circ\text{C}$  سرد شود، کمتر از نصف کار برگشت پذیر خواهد بود [۱۱].

### تولید توان به روش PRO

سیستم‌های PRO به دو گروه سیکل باز و سیکل بسته تقسیم می‌شوند. شکل (۲) شماتیک مربوط به این سیکل‌ها را نشان می‌دهد [۲].



شکل ۲: شماتیک سیکل باز و بسته در تولید توان به روش PRO

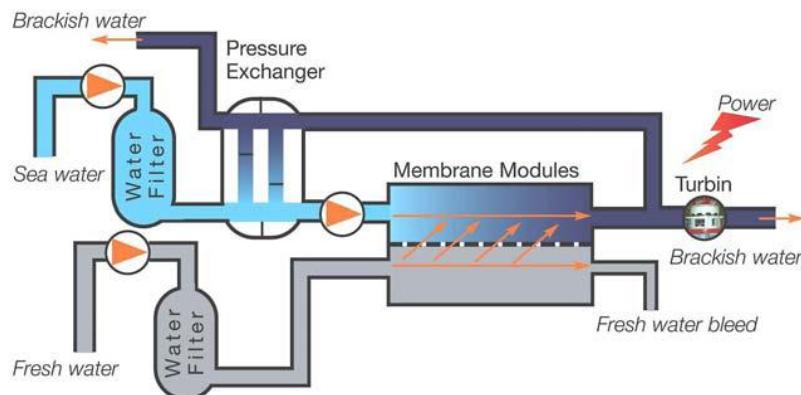
در سیکل باز انرژی خورشید باعث تبخیر آب دریاها شده و در اثر چگالش به صورت باران فرو می‌ریزد و رودخانه‌های شیرین را بوجود می‌آورد. این رودخانه‌ها دوباره به سوی دریا سرازیر می‌شوند.

به منظور تجارتی سازی توان اسمزی، انعطاف پذیری و سازگاری نیروگاه‌های سیکل باز با شرایط واقعی، و مقایسه بازده و تولید انرژی تحت شرایط مکانی و موقعیت نصب نیروگاه، طرحهای مختلف مورد ارزیابی قرارگرفته است [۱۰، ۱۱]. احداث نیروگاه می‌تواند در سطح دریا، زیر دریا یا کمی پایین تر از سطح دریا، انجام پذیرد. در فاصله چند متر پایین تر از سطح دریا امکان کاهش پمپهای به حداقل و دستیابی به بازده ۸۱٪ وجود دارد. بنابراین بازده کلی در این حالت نه تنها به طور مشخصی بالاتر از موقعیت سطح دریاست بلکه از شرایط نصب در زیر دریا با توجه به مشکلات احداث آن نیز بهتر است [۹].

شکل (۳) شماتیکی از یک نیروگاه سیکل باز PRO بر روی سطح دریا را نشان می‌دهد که توسط شرکت استات کرافت در نیروگاه اجرا شده است. در این نیروگاه، آب شیرین یا آب با غلظت نمک پایین به عنوان خوارک (آب تغذیه) پس از تصفیه شدن وارد محفظه غشا می‌شود و در آنجا، ۸۰-۹۰٪ آب با غلظت نمک پایین از طریق فرایند اسمزی بواسطه غشا به داخل آب پرسشار و شور دریا منتقل می‌شود. فرایند اسمز، دبی حجمی آب پرسشار را افزایش داده و این اساس انتقال انرژی در فرایند تولید توان ا است. این فرایند نیازمند غشاها مناسب بویژه انتقال جریان آب بالا و نفوذ ناپذیری مناسب نمک است. آب شور دریا ابتدا فیلتر شده و بعد از عبور از مبدل فشار و افزایش فشار آن وارد محفظه غشا شده و در آنجا بواسطه نفوذ آب تمیز از سمت دیگر غشا علاوه بر رقیق شدن، فشارش بیشتر افزایش می‌یابد. دبی حجمی آب شور حدود دو برابر آب شیرین است.

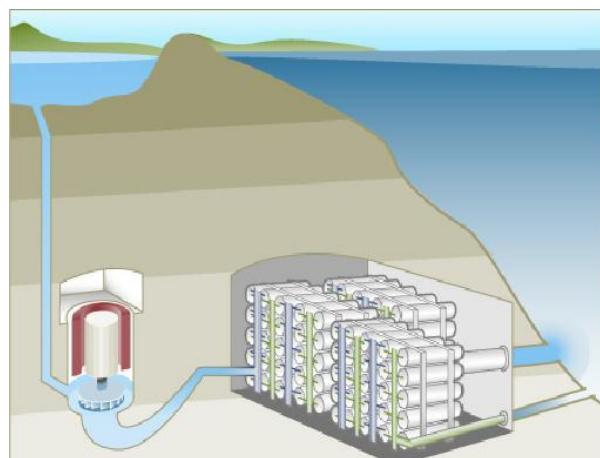
آب شور رقیق شده دریا سپس به دو قسمت تقسیم می‌شود. یک-سوم طرفیت جریان آب دریا وارد توربین آبی برای تولید توان می‌شود و دو-سوم باقیمانده به یک مبادله کن فشار برای بازیابی انرژی و افزایش فشار آب شور ورودی به سیستم بازگشت داده می‌شود. در رنج فشار کاری بهینه بین ۱۱ تا ۱۵ بار، معادل ارتفاع آب ۱۰۰ تا ۱۴۵ متر در یک نیروگاه آبی، قادر به تولید ۱ MW بر  $m^3/s$  آب تمیز است. جریان آب تمیز در فشار محیط کار می‌کند.

عملیات فیلتراسیون و آماده سازی آب به کیفیت آب بستگی دارد. از طرفی بدلیل عدم تصفیه کامل و ورود ذرات به محفظه غشا و رشد گیاهان بر روی غشا، تمیز کاری، رسوبزدایی و ضدغونه دوره‌ای باید در نظر گرفته شود. این موارد برای ثابت نگهداشتن عملکرد غشا برای سالهای طولانی بسیار حائز اهمیت است.



شکل ۳: شماتیکی از مدل نیروگاه بهینه تولید توان به روش PRO طراحی و اجرا شده توسط شرکت استات کرافت و افتتاح شده در نروژ

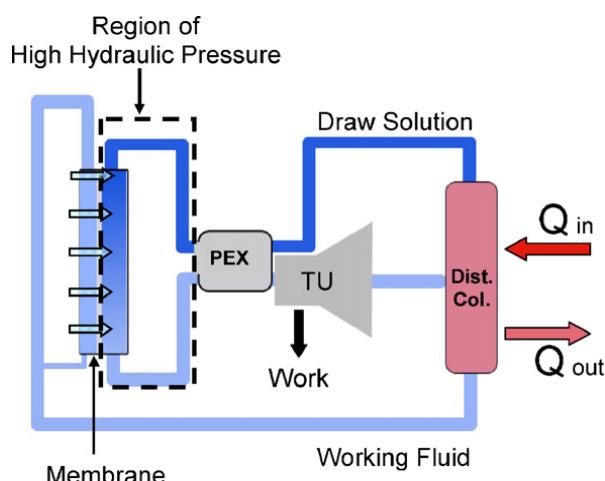
شکل (۴) شماتیک یک نیروگاه اسمزی در زیر دریا را نشان می‌دهد. در این نیروگاه استفاده از نیروی وزن آب به جای مبدل فشار باعث کاهش پمپهای مربوط به ارسال آب دریا شده و بازده نسبت به نیروگاه در سطح دریا به طور چشمگیری افزایش می‌یابد.



شکل ۴: شماتیک یک نیروگاه اسمزی در زیر دریا

سیستمهای PRO سیکل بسته در واقع برای تبدیل حرارت پایین به کار مکانیکی طراحی شده‌اند. در این روش، گرمای لازم برای تبخیر از یک منبع حرارتی خارجی بدست می‌آید. به این سیستمهای، موتور گرمایی اسمزی نیز گفته می‌شود. مک جینیس و همکاران [۷]، مدلی از موتور گرمایی اسمزی را طراحی نمودند که در آن به جای کلرید سدیم (نمک معمولی) از نمک آمونیاک استفاده شده است. این محلول دارای خواص مطلوبی می‌باشد. از جمله حلایت بالای نمک‌های آمونیاک، وزن مولکولی پایین و نفوذپذیری بالا، که منجر به فشار اسمزی بالا و متعادل کردن تأثیرات قطبش غلظت خارجی می‌شود. همچنین پایین بودن نقطه جوش آمونیاک و دی‌اکسیدکربن باعث تبخیر آنها به جای تبخیر خود آب در انتقال گرمای اندک می‌شود. در این سیستم، محلول غلیظ (محلول کشنده)

نمک‌های آمونیاک است. محلول رقیق (سیال کاری<sup>۱</sup>) نیز آب با غلظت آمونیاک-دی‌اکسیدکربن کمتر  $1 \text{ ppm}$  می‌باشد. شکل (۵) شماتیک این سیستم را نشان می‌دهد.



شکل ۵: موتور گرمایی اسمزی با محلول آمونیاک-دی‌اکسیدکربن برای تولید توان به روش PRO

محلول رقیق پس از عبور از غشای نیمه تراوا باعث افزایش بیشتر فشار محلول نمک آمونیاک پرفشار و غلیظ شده، و پس از عبور از یک مبدل فشار وارد توربین شده و کار انجام می‌دهد.

#### مدلسازی غشای نیمه تراوا

همانگونه که اشاره شد، بازده نیتروگاه فشار اسمزی وابستگی شدید به غشای نیمه تراوای آن دارد. لذا مطالعات فراوانی برای بهبود و مدلسازی این غشاهای صورت گرفته است. در این میان مدل ارائه شده در مرجع [۳]، برای پیش‌بینی چگالی توان به روش PRO برای مشخصه‌های مختلف غشاء، ساختار غشاهای مختلف، اندازه‌ها و ترکیب‌های مختلف ارائه شده است که با داده‌های تجربی همخوانی مناسبی دارد. روابط حاکم بر این مدل و نتایج حاصله از آن در ادامه آمده است.

#### معادلات حاکم

معادله کلی جریان آب عبوری از غشا در روش‌های FO، RO و PRO از رابطه (۳) بدست می‌آید.

$$J_w = A(\Delta\pi - \Delta P) \quad (3)$$

که در آن  $w$  فلوی آب و  $A$  ضریب نفوذ پذیری آب از غشا می‌باشد. برای  $\Delta P > \Delta\pi$ ، RO صفر است. برای  $\Delta\pi > \Delta P$ ، PRO است. مسیر جریان آب نفوذی برای سه حالت گفته شده در شکل (۱) نشان داده شده است. موقعیت قرارگیری

<sup>۱</sup> Working Fluid

لایه متراکم (لایه فعال<sup>۱</sup>) در غشای نامتنازن برای FO در سمت محلول غلیظ آب و نمک قرار دارد و در RO و PRO، لایه متراکم با محلول تمیز در ارتباط است.

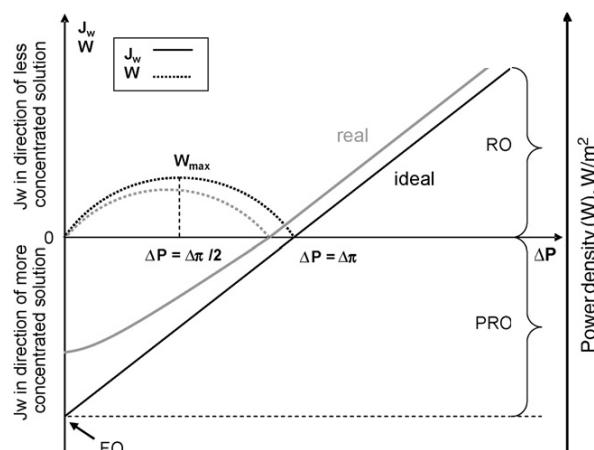
در PRO، توان تولیدی در واحد سطح غشا (یعنی چگالی توان)، برابر حاصلضرب جریان جرمی آب و اختلاف فشار هیدرولیکی می‌باشد:

$$W = J_w \Delta P = A(\Delta\pi - \Delta P) \Delta P \quad (4)$$

با مشتق گیری نسبت به  $\Delta P$ ، می‌توان نشان داد که بیشترین چگالی توان (توان ویژه) در  $\Delta P = \Delta\pi/2$  بدست می‌آید. با جایگذاری  $\Delta P$  در رابطه (۴) داریم:

$$W_{\max} = \frac{A(\Delta\pi)^2}{4} \quad (5)$$

J<sub>w</sub> به عنوان تابعی از  $\Delta P$  در شکل (۶) برای شرایط ایدهآل و واقعی نشان داده شده است. نقطه FO، ناحیه PRO و RO در شکل نشان داده شده است. نقطه معکوس شدن جهت جریان در  $\Delta\pi = \Delta P$  اتفاق می‌افتد. شکل (۶) همچنین W<sub>max</sub> و W در ناحیه PRO نشان می‌دهد.



شکل ۶: اندازه و جهت جریان آب عبوری از غشا (J<sub>w</sub>) و اندازه توان ویژه (W) در روش‌های FO و PRO و RO

<sup>۱</sup> Active layer

### الف) نفوذپذیری نمک

مقدار کمی نمک بدلیل اختلاف غلظت دو طرف غشا به درون غشا نفوذ می‌کند که به آن نفوذ معکوس نمک گفته می‌شود. غشاهای مورد استفاده در فرایندهای اسمزی به نفوذ معکوس نمک حساس هستند. نفوذ معکوس نمک اختلاف فشار اسمزی موثر از طریق غشا را کاهش می‌دهد. ضریب نفوذ پذیری نمک ( $B$ ) از یک غشای نیمه تراوا از نتایج تجربی برای RO که به رابطه زیر داده می‌شود بدست می‌آید:

$$B = \frac{A(1-R)(\Delta P - \Delta \pi)}{R} \quad (6)$$

که در آن  $R$  پس زنی نمک به صورت زیر تعریف می‌شود:

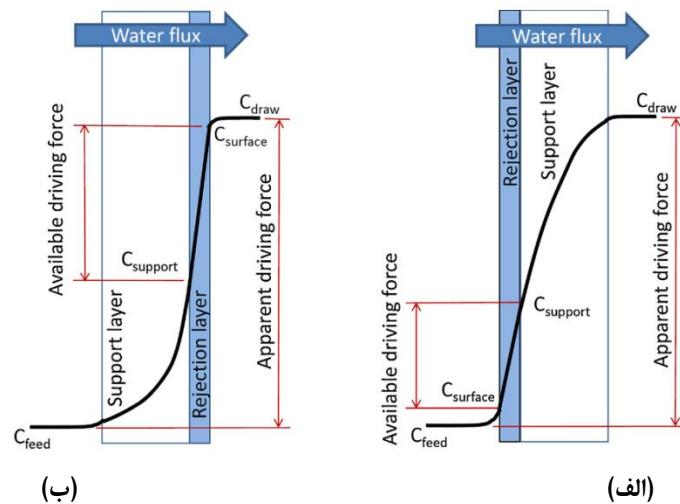
$$R = 1 - \frac{C_P}{C_F} \quad (7)$$

که در آن  $C_P$  غلظت نمک در طرف محلول تمیز (آب نفوذی) و  $C_F$  غلظت نمک در طرف خوراک (آب دریا) می‌باشد.

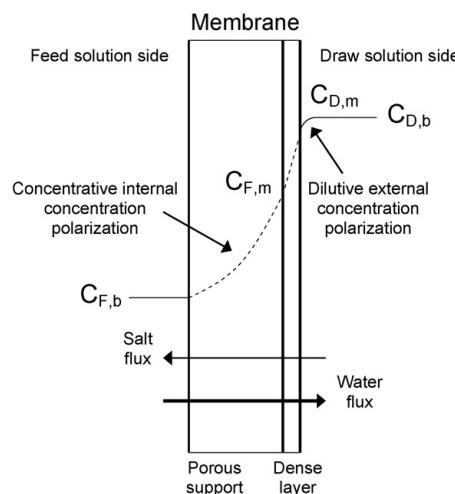
### ب) قطبش غلظتی

یکی دیگر از پدیده‌های بسیار موثر در کاهش اختلاف فشار اسمزی موثر غشا، قطبش غلظتی است. قطبش غلظتی به آن باشت و رسوب ذرات محلول در سطح تماس غشا گفته می‌شود که باعث کاهش میزان نفوذپذیری غشا و کاهش شارش آب می‌شود. غشاهای مورد استفاده در فرایندهای اسمزی اکثرا نامتقارن می‌باشند. غشای نامتقارن، دارای یک لایه متراکم (لایه فعال) با ضخامت نازک است که بر روی صفحه نگهدارنده متخلخل قرار دارد. لذا قطبش غلظتی خارجی روی لایه متراکم و از داخل در روی لایه نگهدارنده اتفاق می‌افتد. محل قرارگرفتن لایه فعال از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. شکل (۷) مدلسازی قطبش غلظت داخلی را نشان می‌دهد [۱۳]. در حالتی که لایه فعال با آب خوراک ارتباط دارد (شکل ۵-الف) نیرو محركه در دسترس<sup>۱</sup> (اختلاف غلظت دو طرف لایه متراکم) کمتر از زمانی است که صفحه متخلخل نگهدارنده با آب خوراک ارتباط دارد (شکل ۵-ب). لذا در کاربردهای PRO، لایه متراکم در سمت محلول غلیظ و لایه نگهدارنده در سمت آب تعذیه (آب تمیز) قرار دارد. شکل (۸) نمایش یک غشای نامتقارن در روش PRO با قطبش غلظت داخلی و خارجی و نمایش جهت جریان آب و نمک را نشان می‌دهد [۳].

<sup>۱</sup> Available Driving Force



شکل ۷: مدلسازی غشای نیمه تراوا. (الف) لایه فعال در تماس با خوراک (ب) صفحه نگهدارنده در تماس با خوراک



شکل ۸: نمایش یک غشای نامتناظر در روش PRO با قطبش غلظت داخلی و خارجی و نمایش جهت جریان و نمک

این آرایش برای اطمینان از ایجاد فشار هیدرولیکی در طرف آب غلیظ توسط غشا، الزامی است. در این آرایش قطبش غلظتی خارجی و داخلی انفاق می‌افتد. قطبش غلظت خارجی از تئوری فیلم [۴] بدست می‌آید. ضریب قطبش غلظتی خارجی  $(\pi_{D,b} / \pi_{D,m})$  به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\frac{\pi_{D,m}}{\pi_{D,b}} = \exp\left(-\frac{J_w}{k}\right) \quad (\lambda)$$

که در آن  $\pi_{D,m}$  فشار اسمزی در سطح غشنا و  $\pi_{D,m}$  فشار اسمزی کل محلول غلیظ است و  $k$  ضریب انتقال جرم در محلول غلیظ از رابطه (۹) بدست می‌آید.

$$k = \frac{Sh \cdot D}{d_h} \quad (9)$$

که در آن  $D$  ضریب نفوذ ذرات حل شده در محلول غلیظ و  $d_h$  قطر هیدرولیکی کانال جریان است. با توجه به اینکه جریان در کانالها دارای رینولدز پایین ( $Re < 50$ ) است لذا عدد شروود ( $Sh$ ) از رابطه زیر تخمین زده می‌شود:

$$Sh = 0.2 Re^{0.27} Sc^{0.40} \quad (10)$$

که در آن  $Sc$  عدد اشمیت است.

لی و همکاران [۵] مدلی برای قطبش غلظت داخلی در PRO بیان کردند که در آن  $J_w$  از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$J_w = A \left[ \frac{1 - \frac{C_{F,b}}{C_{D,m}} \exp(J_w K)}{1 + \frac{B}{J_w} [\exp(J_w K) - 1]} - \Delta P \right] \quad (11)$$

در این رابطه  $K$  مقاومت ویژه در مقابل نفوذ ذرات حل شده به لایه متخلخل است و از رابطه (۱۲) بدست می‌آید.

$$K = \frac{t \tau}{D \varepsilon} \quad (12)$$

که در آن  $t$ ،  $\tau$  و  $\varepsilon$  به ترتیب ضخامت، انحنای و ضریب تخلخل لایه متخلخل است.

### ج) جریان جرمی آب در PRO

به منظور بررسی تاثیر پلاریزاسیون غلظت خارجی و داخلی روی جریان آب در PRO، معادله (۱۱) با فرض  $C_{F,b} = C_{D,m}$  به منظور بررسی تاثیر پلاریزاسیون غلظت خارجی و داخلی روی جریان آب در PRO، معادله (۱۱) با فرض  $C_{F,b} = C_{D,m}$

و جاگذاری  $\pi_{D,m}$  از معادله (۸)، را می‌توان به صورت زیر بهبود بخشید.

$$J_w = A \left[ \pi_{D,b} \exp\left(-\frac{J_w}{k}\right) \frac{1 - \frac{\pi_{F,b}}{\pi_{D,m}} \exp(J_w K) \exp\left(\frac{J_w}{k}\right)}{1 + \frac{B}{J_w} [\exp(J_w K) - 1]} - \Delta P \right] \quad (13)$$

پارامترهای لازم برای محاسبه جریان آب از نتایج تجربی روش‌های FO و RO و محاسبات اشاره شده بدست می‌آید. مقدار  $K$  از نتایج FO و آب یونیزه شده به عنوان خوراک و استفاده از معادله (۱۱) به صورت زیر بازسازی می‌شود:

$$K = \frac{1}{J_w} \ln \left( \frac{A \pi_{D,b} \exp\left(-\frac{J_w}{k}\right) - J_w}{B} + 1 \right) \quad (14)$$

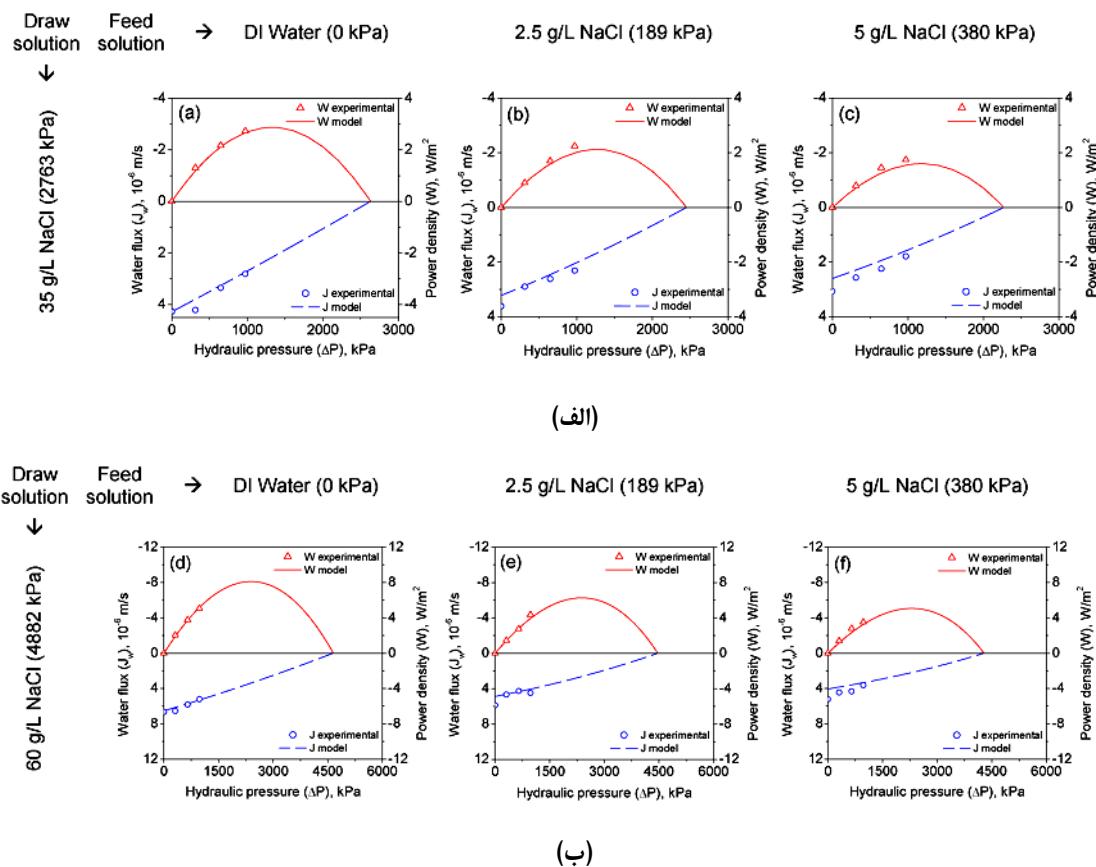
#### د) چگالی توان یا توان ویژه در PRO

چگالی توان به صورت با استفاده از معادلات (۴) و (۱۳) به صورت معادله (۱۵) درمی‌آید.

$$W = A \left[ \pi_{D,b} \exp\left(-\frac{J_w}{k}\right) \frac{1 - \frac{\pi_{F,b}}{\pi_{D,m}} \exp(J_w K) \exp\left(\frac{J_w}{k}\right)}{1 + \frac{B}{J_w} [\exp(J_w K) - 1]} - \Delta P \right] \Delta P \quad (15)$$

#### نتیجه گیری

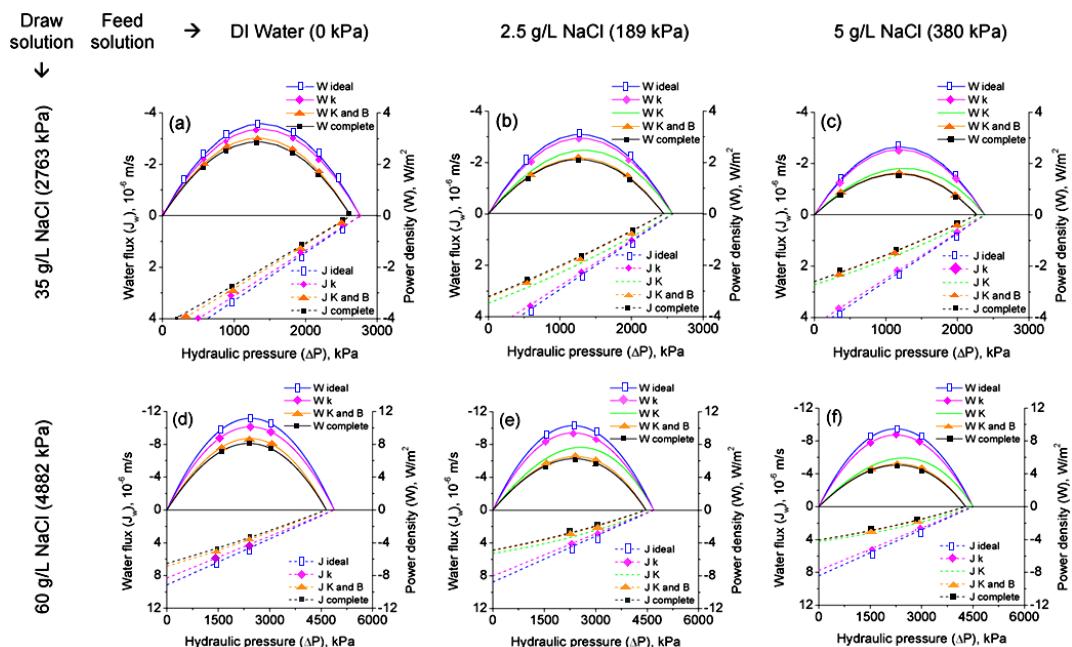
در شکل (۹)، منحنی های PRO برای جریان آب و چگالی توان (توان ویژه) به عنوان تابعی از فشار هیدرولیکی برای سه نوع محلول غلیظ با غلظتهای مختلف در مقایسه با نتایج تجربی [۳] نشان داده شده است. بیشترین مقدار اختلاف فشار هیدرولیک قابل حصول در شرایط تجربی ۹۷۰ kPa می‌باشد و فشار بیشتر از آن باعث سوراخ شدن غشا می‌شود. محلولهای غلیظ که بجای آب دریا شبیه سازی شده اند دارای  $35\text{g/L}$  و  $60\text{g/L}$  نمک (NaCl) در نظر گرفته شده است. مقادیر جریان آب و توان ویژه به ترتیب در محورهای اول و دوم ۷ نشان داده شده است.



شکل ۹: مقایسه نتایج مدل با نتایج تجربی برای جریان آب عبوری از غشا ( $J_w$ ) و توان ویژه ( $W$ ) به صورت تابعی از فشار هیدرولیکی کاری  $\Delta P$ . جریان غلظت آب شور در شکل (الف)  $35\text{g/L}_{\text{NaCl}} 2763\text{kPa}$  و شکل (ب)  $60\text{g/L}_{\text{NaCl}} 4882\text{kPa}$  (۴۸۸۲)

در هر دو مورد افزایش فشار هیدرولیکی باعث کاهش جریان آب عبوری از غشا تا رسیدن به صفر و سپس معکوس شدن جریان می‌شود. ماکریم چگالی توان زمانی اتفاق می‌افتد که فشار هیدرولیکی تقریباً نصف فشار اسمزی است. به عنوان مثال در محلول با غلظت  $L$   $35\text{g/L}$  نمک (شکل ۵ الف) و خوارک  $2/5\text{g/L}$  نمک، نقطه جریان معکوس در فشار  $2450\text{kPa}$  و ماکریم چگالی توان در  $1280\text{kPa}$  اتفاق می‌افتد. وقتی غلظت خوارک افزایش می‌یابد، جریان آب عبوری و چگالی توان کاهش می‌یابد. این امر بدليل کاهش فشار اسمزی ( $\Delta \pi$ ) و به علت افزایش پلاریزاسیون غلیظ سازی و افزایش عبور نمک است. با مقایسه شکلهای ۹-الف و ۹-ب، مشاهده می‌شود که هر چه غلظت نمک در محلول غلیظاً (مثل آب دریا) بیشتر باشد، یا اختلاف غلظت دو طرف غشا افزایش یابد، چگالی توان و جریان آب عبوری به شدت افزایش می‌یابد، که این بدليل افزایش نیروی رانش است. ماکریم توان ویژه بین  $1/6\text{w/m}^2$  تا  $2/9\text{w/m}^2$  برای غلظت  $L$   $35\text{g/L}$  و بین  $6.0\text{g/L}$  برای غلظت  $L$   $60\text{g/L}$  باشد. مقایسه این نتایج با نتایج حاصل از مدل‌های [۸۱]، اختلاف  $4\text{w/m}^2$  را نشان می‌دهد که حاکی از توسعه موفق این مدل نسبت به روش‌های قبلی می‌باشد.

همچنین تأثیر پلاریزاسیون غلیظ سازی خارجی و داخلی و عبور نمک بر جریان آب عبوری از غشا و توان ویژه در شکل (۱۰) نشان داده شده است. در شرایط ایده‌آل یعنی بدون عوامل کاهش توان (بدون پلاریزاسیون غلیظ سازی خارجی و داخلی و عبور نمک از غشا) بیشترین توان و بیشترین جریان آب عبوری از غشا را داریم. افزایش هر یک از اثرات نظری پلاریزاسیون غلیظ سازی خارجی ( $W_k$ )، پلاریزاسیون غلیظ سازی داخلی ( $W_k$ )، و تأثیر همزمان پلاریزاسیون داخلی و عبور نمک K (WB, K) برابر  $7 \times 10^{-11}$  است (B). استفاده شده است) و در نهایت تأثیر همه موارد به ترتیب باعث کاهش بیشتر توان و جریان آب عبوری از غشا می‌شود. همچنین چنانچه اشاره شد افزایش غلظت نمک سیال غلیظ (آب دریا) به ترتیب باعث کاهش و افزایش توان ویژه و جریان آب عبوری می‌شود.



شکل ۱۰: نتایج مدل برای جریان آب عبوری از غشا ( $J_w$ ) و توان ویژه (W) به صورت تابعی از فشار هیدرولیکی کاری برای غلظت‌های مختلف جریان خوراک و آب شور  $\Delta P$

در ایران با توجه به غلظت بالای نمک دریاچه ارومیه، (غلظت نمک ۲۸۰ گرم بر لیتر در تابستان و غلظت نمک ۲۶۰ گرم بر لیتر در زمستان) و با توجه به اینکه بسیاری از رودخانه‌های منتهی به این دریاچه، دارای آب شیرین می‌باشد، پتانسیل عظیمی از انرژی را در بر دارد. بنابراین دریاچه ارومیه محل ایده‌آلی برای تولید توان اسمزی می‌باشد. همچنین خلیج فارس و دریای عمان به ترتیب دارای غلظت نمک در حدود ۴۸ گرم بر لیتر و ۳۷ گرم بر لیتر می‌باشد. با در دسترس بودن آب شیرین در کناره‌ی خلیج فارس و دریای عمان پتانسیل مناسب برای استفاده از این روش در جنوب کشور با پیشرفت تکنولوژی ساخت غشاها وجود دارد. دریاچه خزر با دارا بودن غلظت نمک در حدود ۱۳ گرم بر لیتر، دریای مناسبی برای استفاده از این روش نمی‌باشد.

---

منابع

- [1] Aaberg R.J. 2003. "A New and Powerful Renewable Energy Source? Osmotic Power", PP. 48–50.
- [2] Achilli A. and Amy E. C. 2010. "Pressure Retarded Osmosis: From the Vision of Sidney Loeb to the First Prototype Installation – Review", Desalination, Vol. 261, PP. 205–211.
- [3] Achilli A. Tzahi Y. C. Amy E. C. 2009. "Power Generation with Pressure Retarded Osmosis: An Experimental and Theoretical Investigation", Journal of Membrane Science, Vol. 343, PP. 42–52.
- [4] Elimelech M. and Bhattacharjee S. 1998. "A Novel Approach for Modeling Concentration Polarization in Crossflow Membrane Filtration Based on the Equivalence of Osmotic Pressure Model and Filtration Theory", Journal of Membrane Science, Vol. 145, PP. 223–241.
- [5] Lee K.L. Baker R.W. Lonsdale H.K. 1981. "Membrane for Power Generation by Pressure Retarded Osmosis", Journal of Membrane Science, Vol. 8 PP. 141–171.
- [6] McCutcheon J.R. and Elimelech M. 2008. "Influence of Membrane Support Layer Hydrophobicity on Water Flux in Osmotically Driven Membrane Processes", Journal of Membrane Science, Vol. 318, PP. 458–466.
- [7] McGinnis R. L. McCutcheon R.J. Elimelech M. 2007. "A Novel Ammonia–Carbon Dioxide Osmotic Heat Engine for Power Generation", Journal of Membrane Science, Vol. 305, PP.13–19.
- [8] Pattle R.E. 1954. "Production of Electric Power by Mixing Fresh and Salt Water in the Hydroelectric Pile", Nature, PP. 174-260.
- [9] Skilhagen S.E. Dugstad J.E. Aaberg R.J. 2008. "Osmotic Power—Power Production Based on the Osmotic Pressure Difference between Waters with Varying Salt Gradients", Desalination, Vol. 220, PP. 476–482.
- [10] Thorsen T. and Holt T. 2009 "Method and System for Performing Maintenance on A Membrane Used for Pressure Retarded Osmosis", Patent Application Publication, Pub. No. US 0008330 A1.
- [11] Thorsen T. and Holt T. 2009. "The Potential for Power Production from Salinity Gradients by Pressure Retarded Osmosis", Journal of Membrane Science, Vol. 335, PP. 103–110.
- [12] Venables M. 2008. "Power Osmosis", Engineering & Technology, PP. 50-52.

- [13] Xu Y, Peng X, Tang C, Y, Shiang Fu Q, Nie S. 2010. "Effect of Draw Solution Concentration and Operating Conditions on Forward Osmosis and Pressure Retarded Osmosis Performance in a Spiral Wound Module", *Journal of Membrane Science*, Vol. 348, PP. 298–309.